

Mathématiques

Niveau supérieur

Épreuve 2

Vendredi 5 mai 2017 (matin)

Numéro de session du candidat

2 heures

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Instructions destinées aux candidats

- Écrivez votre numéro de session dans les cases ci-dessus.
- N'ouvrez pas cette épreuve avant d'y être autorisé(e).
- Une calculatrice à écran graphique est nécessaire pour cette épreuve.
- Section A : répondez à toutes les questions. Rédigez vos réponses dans les cases prévues à cet effet.
- Section B : répondez à toutes les questions sur le livret de réponses prévu à cet effet. Écrivez votre numéro de session sur la première page du livret de réponses, et attachez ce livret à cette épreuve d'examen et à votre page de couverture en utilisant l'attache fournie.
- Sauf indication contraire dans l'intitulé de la question, toutes les réponses numériques devront être exactes ou correctes à trois chiffres significatifs près.
- Un exemplaire non annoté du **livret de formules pour les cours de mathématiques NS et de mathématiques complémentaires NS** est nécessaire pour cette épreuve.
- Le nombre maximum de points pour cette épreuve d'examen est de **[100 points]**.



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



16EP07

Tournez la page

6. [Note maximale : 5]

Étant donné que $\log_{10} \left(\frac{1}{2\sqrt{2}}(p + 2q) \right) = \frac{1}{2}(\log_{10} p + \log_{10} q)$, $p > 0$, $q > 0$, trouvez p en fonction de q .

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



16EP08

N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

Section B

Répondez à **toutes** les questions sur le livret de réponses fourni. Veuillez répondre à chaque question sur une nouvelle page.

9. [Note maximale : 22]

Les points A, B et C correspondent aux vecteurs-position suivants par rapport à une origine O.

$$\vec{OA} = 2\mathbf{i} + \mathbf{j} - 2\mathbf{k}$$

$$\vec{OB} = 2\mathbf{i} - \mathbf{j} + 2\mathbf{k}$$

$$\vec{OC} = \mathbf{i} + 3\mathbf{j} + 3\mathbf{k}$$

- (a) Trouvez l'équation vectorielle de la droite (BC). [3]
- (b) Déterminez si les droites (OA) et (BC) sont sécantes ou non. [6]
- (c) Trouvez l'équation cartésienne du plan Π_1 , qui passe par C et qui est perpendiculaire à \vec{OA} . [3]
- (d) Montrez que la droite (BC) est située dans le plan Π_1 . [2]

Le plan Π_2 contient les points O, A et B et le plan Π_3 contient les points O, A et C.

- (e) Vérifiez que $2\mathbf{j} + \mathbf{k}$ est perpendiculaire au plan Π_2 . [3]
- (f) Trouvez un vecteur perpendiculaire au plan Π_3 . [1]
- (g) Trouvez l'angle aigu entre les plans Π_2 et Π_3 . [4]



N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

10. [Note maximale : 15]

Une variable aléatoire continue X a comme fonction de densité f donnée par

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{a} + b, & 0 \leq x \leq 4 \\ 0 & \text{autrement} \end{cases} \quad \text{où } a \text{ et } b \text{ sont des constantes positives.}$$

On donne $P(X \geq 2) = 0,75$.

- (a) Montrez que $a = 32$ et $b = \frac{1}{12}$. [5]
- (b) Trouvez $E(X)$. [2]
- (c) Trouvez $\text{Var}(X)$. [2]
- (d) Trouvez la médiane de X . [3]

On considère maintenant huit observations indépendantes de X et la variable aléatoire Y correspond au nombre d'observations telles que $X \geq 2$.

- (e) Trouvez $E(Y)$. [2]
- (f) Trouvez $P(Y \geq 3)$. [1]



N'écrivez **pas** vos solutions sur cette page.

11. [Note maximale : 13]

On donne $f(x) = 3x^4 + ax^3 + bx^2 - 7x - 4$ où a et b sont des entiers positifs.

- (a) Étant donné que $x^2 - 1$ est un facteur de $f(x)$, trouvez la valeur de a et la valeur de b . [4]
 - (b) Factorisez $f(x)$ en un produit de facteurs linéaires. [3]
 - (c) Esquissez la représentation graphique de $y = f(x)$, en identifiant les maximums, les minimums et les points d'intersection avec les axes. [3]
 - (d) En utilisant votre représentation graphique, indiquez l'ensemble des valeurs de c pour lesquelles $f(x) = c$ admet exactement deux racines réelles distinctes. [3]
-



Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page
ne seront pas corrigées.



16EP14

Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page
ne seront pas corrigées.



16EP15

Veillez ne **pas** écrire sur cette page.

Les réponses rédigées sur cette page
ne seront pas corrigées.



16EP16